Exercice 1

On considère un triangle ABC et les poins D et E tels que :

$$\stackrel{
ightarrow}{AD}=rac{3}{2}\stackrel{
ightarrow}{AB}$$
 et $\stackrel{
ightarrow}{DE}=rac{3}{2}\stackrel{
ightarrow}{BC}$

Montrer que
$$\overset{
ightarrow}{AE}=\frac{3}{2}\overset{
ightarrow}{AC}$$

Que peut-on en conclure sur les points A, E et C?

Exercice 2

On considère un triangle ABC et les points $M,\,N$ et P tels que :

$$\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3} \overset{
ightarrow}{AB}, \overset{
ightarrow}{CN} = \frac{1}{3} \overset{
ightarrow}{CA}$$
 et $\overset{
ightarrow}{CP} = \frac{1}{3} \overset{
ightarrow}{BC}$

Montrer que
$$\overrightarrow{MN}=-rac{1}{3}\overrightarrow{AB}+rac{2}{3}\overrightarrow{AC}$$
, puis que $\overrightarrow{NP}=\overrightarrow{MN}$.

Que peut-on en conclure?

Exercice 3

On considère un triangle ABC et les points E et F tels que :

$$\stackrel{\rightarrow}{AE} = \frac{1}{2} \stackrel{\rightarrow}{AB} + \stackrel{\rightarrow}{BC} \text{ et } \stackrel{\rightarrow}{AF} = \frac{3}{2} \stackrel{\rightarrow}{AC} + \stackrel{\rightarrow}{BA}.$$

Exprimer $\overset{
ightarrow}{EF}$ en fonction de $\overset{
ightarrow}{BC}$.

Que peut-on en déduire sur les droites (EF) et (BC)?

Exercice 4

On considère un triangle ABC et les points D et E tels que :

$$\overrightarrow{BD} = \frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$$
 et $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{AC} + 2\overrightarrow{AB}$.

Montrer que les points A, D et E sont alignés.