3^{ème} Année Collège

Série 8:

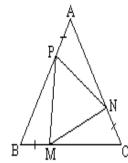
Triangles isométriques et semblables

Exercice 1: -

ABC est un triangle équilatéral.

M; N; P sont des points de [BC]; [CA]; [AB], tels que BM = CN = AP.

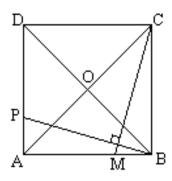
- 1) Démontrer que les triangles BMP ; CNM et NAP sont isométriques deux à deux.
- 2) En déduire que MNP est équilatéral.



Exercice 2: -

ABCD est un carré de centre O ; M un point de [AB]. La perpendiculaire à (CM) passant par B coupe (AD) en P.

- 1) Démontrer que : $\widehat{BCM} = \widehat{ABP}$.
- 2) En déduire que les triangles MCB et ABP sont isométriques, et que MB = AP.
- 3) Démontrer que les triangles OMB et OPA sont isométriques
- 4) En déduire que le triangle POM est rectangle et isocèle.

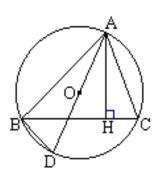


Exercice 3:

(C) est un cercle de centre O de rayon r .

ABC est un triangle inscrit dans le cercle (C) tel que l'angle $B\hat{A}C$ est aigu, H est le projeté orthogonal de A sur [BC]. La droite (AO) coupe le cercle (C) en D.

- 1) Démontrer que les triangles ABD et AHC sont semblables.
- **2) On pose :** AB = c ; AC = b **et** AH = h.
 - > En déduire de la question précédente que : bc = 2rh.



Exercice 4:

ABCD est un parallélogramme, N un point du segment [DC] distinct de D et C. La droite (AN) coupe (BC) en M.

- 1) Démontrer que les triangles ADN et ABM sont des triangles semblables.
- 2) En déduire que : $DN \times BM = AB \times AD$.